

استان:
کارشناسی (ستی- تجمعی- ناپیوسته) جبرانی ارشد
تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵
**رشته تحصیلی / کد درس: ریاضی - جبرانی ارشد (۱۱۱۱۰۴۳) - آمار (۱۱۱۱۰۸۹) زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰
علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۰۶)**
مجاز است.
استفاده از ماشین حساب
کد سوال: یک (۱)

تنها با یاد اوست که دل‌ها آرام می‌گیرد.

۱. کدام گزینه زیر صحیح است؟
ب. بسط اعشاری یک عدد گویا نامختوم است
د. بسط اعشاری یک عدد گنگ نامختوم است
۲. کسر مربوط به عدد اعشاری $\frac{178}{999}$ کدام است؟ (دوره تناوب دو رقم آخر)

$$\frac{178}{999}$$

$$\frac{1663}{16500}$$

$$\frac{177}{990}$$

$$\frac{10}{99}$$

۳. بسط عدد $\frac{3}{7}$ در مبنای ۲ کدام است؟

$$\frac{5}{11}$$

$$\frac{1}{101}$$

$$\frac{1}{10101}$$

$$\frac{1}{11}$$

۴. برای محاسبه تقریبی $(1 - \sqrt{2})^4$ کدام عبارت تقریب دقیقتری به دست می‌دهد؟

$$(\sqrt{2} - 1)^4$$

$$\frac{1}{17 + 12\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{(\sqrt{2} + 1)^4}$$

$$17 - 12\sqrt{2}$$

۵. تعداد و محل تقریبی ریشه‌های معادله $x^3 \sin(x) = 1$ کدام است؟
الف. ریشه ندارد
ب. یک ریشه حدود π دارد
ج. بی‌نهایت ریشه، یکی حدود ۱ و بقیه حدود مضارب π
د. بی‌نهایت ریشه حدود مضارب زوج π
۶. اگر بدانیم معادله $x + \cos(x) = 0$ در فاصله $[0, 1]$ یک ریشه دارد، با استفاده از روش دوبخشی x کدام است؟

$$-0/125$$

$$-0/5$$

$$-0/625$$

$$0/456$$

۷. مقدار تقریبی x از ریشه مثبت $f(x) = x^3 - 2$ در فاصله $[1, 2]$ با استفاده از روش نابجایی کدام است؟

$$1/5$$

$$1/4$$

$$1/33$$

$$1/3$$

۸. اگر α ریشه ساده معادله $f(x) = 0$ باشد، مرتبه همگرایی روش نیوتون (در صورت همگرایی) کدام است؟
د. حداقل دو
ج. حداقل دو
ب. یک
الف. دو
۹. تابع جدولی زیر را در نظر بگیرید. مقدار $f[x_1, x_2]$ کدام است؟

x_i	-1	0	1	2	3
f_i	-1	1	1	5	19

د. صفر
ج. -۲
ب. ۴
الف. ۲

استان:

کارشناسی (ستی- تجمعی- ناپیوسته)- جبرانی ارشد

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

رشته تحصیلی / گذرس: ریاضی - جبرانی ارشد (۱۱۱۱۰۴۳) - آمار (۱۱۱۱۰۸۹) زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰ علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۰۶)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذسوال: یک (۱)

نام درس: آنالیز عددی (۱) - آنالیز عددی

جبرانی ارشد (۱۱۱۱۲۹۱) - آموزش ریاضی (۱۱۱۱۰۸۹) زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۰۶)

۱۰. برای تابع جدولی مسئله قبل مقدار $\Delta^3 f$ کدام است؟

د. ۶

ج. صفر

ب. ۲

الف. -۱

۱۱. اگر $x^5 = f(x)$ آنکاه مقدار $\Delta^7 f$ کدام است؟

د. $7!h^7$

ج. -۱

ب. صفر

الف. ۱

۱۲. خطای قاعده نوزنقه‌ای کدام است؟ () کران بالای مشتق دوم تابع f روی $[a, b]$ است

$$\frac{(b-a)^4}{180} h^3 M_4 \quad \text{د. } \frac{(b-a)}{12} h^3 M_2 \quad \text{ج. } \frac{(b-a)}{180} h^3 M_2 \quad \text{ب. } \frac{(b-a)^4}{12} h M_2$$

۱۳. کدام گزینه در مورد $P(x) = x^3 + 3x^2 - x + 1$ صحیح است؟

ب. هر سه ریشه آن مختلط است

د. ریشه ندارد

الف. حداقل یک ریشه حقیقی دارد

ج. دقیقاً دو ریشه حقیقی دارد

۱۴. اگر بدانیم تمام ریشه های معادله $x^3 - 5x^2 + 8x - 4 = 0$ حقیقی هستند، مربع ریشه‌ها در کدام بازه قرار دارند؟

$$\left(\frac{2}{3}, \frac{3}{2} \right) \quad \text{د. } \left(\frac{2}{3}, 9 \right) \quad \text{ج. } \left(\frac{3}{2}, 3 \right) \quad \text{ب. } \left(\frac{3}{2}, 9 \right) \quad \text{الف. } \left(\frac{2}{3}, \frac{3}{2} \right)$$

۱۵. اگر $T_{0,1} = 2/7$ و $T_{0,2} = 2/11$ مقدار $T_{0,1}$ که از قاعده رامبرگ بدست می‌آید کدام است؟

د. ۰/۳۰

ج. ۱/۸

ب. ۲/۵

الف. ۲/۷۳

۱۶. خطای $\frac{f_{i+1} - f_{i-1}}{2h}$ به عنوان تقریبی از f'_i متناسب با کدام است؟

د. h^4

ج. h^3

ب. h

الف. h^2

۱۷. در روش اویلر y_{i+1} چگونه محاسبه می‌شود؟

ب. $y_i + f(x_i, y_i)$

الف. $y_i + hf(x_i, y_i)$

د. $hy_i + h^2 f(x_i, y_i)$

ج. $hy_i + f(x_i, y_i)$

۱۸. اگر انتگرال $\int_0^{\pi} \sin x dx$ را بخواهیم به روش سیمپسون تقریب بزنیم حداقل تعداد بازه‌ها چقدر باشد تا خطای حاصل شود؟

از این روش کوچکتر یا مساوی $10^{-4} \times \frac{2}{3}$ شود؟

د. ۱۰

ج. ۶

ب. ۸

الف. ۷

استان:

کارشناسی (ستی- تجمعی- ناپیوسته) جبرانی ارشد

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

رشته تحصیلی / گذرس: ریاضی - جبرانی ارشد (۱۱۱۱۰۴۳) - آمار (۱۱۱۱۰۸۹) زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰ علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۰۶)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذرسی سوال: یک (۱)

۱۹. اگر $y = \frac{ab}{c}$ و $\delta_y, \delta_c, \delta_b, \delta_a$ به ترتیب خطاهای نسبی y, c, b, a باشند، کدام رابطه صحیح است؟

ب. $\delta_y \leq \delta_a + \delta_b - \delta_c$

الف. $\delta_y \leq \delta_a + \delta_b + \delta_c$

د. $\delta_y \leq \frac{\delta_a \delta_b}{\delta_c}$

ج. $\delta_c \leq \delta_a + \delta_b + \delta_y$

۲۰. چند تکرار از روش دوبخشی برای تعیین ریشه معادله $\sin x - \frac{x}{\mu} = 0$ در بازه $[1, 2]$ لازم است تا خطای آن از 10^{-3} کمتر باشد؟

د. ۹

ج. ۸

ب. ۷

الف. ۶

سوالات تشریحی:

بارم هر سوال ۲ نمره

۱. ریشه معادله $x + \cos(x) = 0$ را با تقریب اولیه $x_0 = 0$ و با استفاده از روش نیوتن با دقت (D) بیابید.

۲. فرض کنید $p(z) = z^n + a_{n-1}z^{n-1} + \dots + a_1z + a_0$ باشد که در آن کلیه ضرایب اعداد حقیقی هستند. نشان دهید:

$$|z| \leq |a_0| + |a_1| + \dots + |a_{n-1}| + 1$$

۳. چند جمله‌ای درونیاب تابع جدولی زیر را با استفاده از تفاضلات تقسیم شده نیوتن بدست آورید.

x_i	۱	۲	۳	۴
f_i	۲	۵	۱۰	۱۱

۴. تقریبی از $\int x \cos x dx$ را به روش سیمپسون به گونه‌ای حساب کنید که خطای آن کمتر از 10^{-3} باشد.

۵. با استفاده از روش تیلور مرتبه $p=14$ را با $h=0.1$ بیابید.

$$\begin{cases} y' = x + y \\ y(0) = 1 \end{cases}$$