

تعداد سوال: نسخه ۳۱ نكمبلي -- تشریبی ۵

نام درس: ساختمنهای گستته - ریاضیات گستته

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۱۰۰ لغنه

رشته تحصیلی-گرایش مهندسی کامپیوتر-علوم کامپیوتر-مهندسی فناوری اطلاعات

کد لرسن: مهندسی کامپیوتر: ۱۱۱۵۰۶۷ - علوم کامپیوتر: ۱۱۱۱۰۴ - مهندسی فناوری اطلاعات: ۱۱۱۵۱۳۷

۱. کدامیک از جملات زیر گزاره هستند؟

ب. این جمله (همین جمله گزینه "ب") دروغ است.

الف. آیا چندضلعی آینده نگر است؟

د. اگر n عددی فرد نباشد، آنگاه $2n$ عددی فرد است.

$$x^2 + 1 = 12$$

۲. کدامیک از هم ارزی های زیر صحیح نیست؟

$$p \rightarrow q \equiv \sim(p \wedge \sim q)$$

$$p \rightarrow q \equiv \sim p \vee q$$

$$(p \leftrightarrow q) \equiv (p \leftarrow q) \wedge (q \leftarrow p)$$

$$(p \leftrightarrow q) \equiv (p \rightarrow q) \vee (q \rightarrow p)$$

۳. هم ارز گزاره نقیض دار زیر، در کدام گزینه آمده است؟ even به معنی زوج و odd به معنی فرد

$$\sim [\forall x \in N, [(x^2 \leq 10) \vee (x \text{ is odd})]]$$

$$\exists x \in N, ((x^2 > 10) \wedge (x \text{ is even}))$$

$$\forall x \notin N, [(x^2 \leq 10) \vee (x \text{ is odd})]$$

$$\exists x \in N, [(x^2 > 10) \wedge (x \text{ is even})]$$

$$\forall x \in N, [(x^2 > 10) \vee (x \text{ is even})]$$

۴. کدامیک از گزاره های زیر راستگو هستند؟

$$(p \rightarrow q) \rightarrow p$$

$$(p \wedge q) \vee (\sim p \wedge \sim q)$$

$$\sim (\sim (p \wedge q) \wedge (p \wedge q))$$

$$\sim (p \vee q) \wedge (p \vee q)$$

۵. فرض کنید که $A = \{a, b, c, d, e\}$ و رابطه R به صورت زیر بر روی A تعریف شده است، در اینصورت R^∞ دارای چند زوج مرتب است؟

$$R = \{(a, a), (a, b), (b, c), (c, e), (c, d), (d, e)\}$$

زوج مرتب است؟

۱۱. د

۱۰. ج

۹. ب

الف. ۸

۶. برای $A = \{1, 2, 3\}$ و رابطه $R \subseteq A \times A$ با توجه به ماتریس رابطه زیر، کدامیک از خواص برای رابطه R صادق است؟

$$M_R = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

الف. بازتابی، ضد متقارن و متعدی

ب. بازتابی، ضد بازتابی و متعدی

د. بازتابی، متقارن و متعدی

ج. متقارن، ضد متقارن و متعدی

۷. اگر رابطه هم ارزی $R \subseteq A \times A$ برای $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 11, 13\}$ به صورت زیر تعریف شود، دسته هم ارزی R [7] دارای چند عضو خواهد بود؟

$$aRb \Leftrightarrow a \equiv b \pmod{3}$$

۲. د

۳. ج

۴. ب

الف. ۵

۸. با فرض آنکه R و S دو رابطه در A باشند، در این صورت کدامیک از گزاره های زیر صحیح است؟الف. اگر R بازتابی باشد آنگاه R^{-1} ضد بازتابی است.ب. اگر R متقارن باشد آنگاه R^{-1} و \bar{R} متقارن هستند.ج. اگر R و S متعدی باشند آنگاه $R \cup S$ نیز متعدی است.

د. هر سه گزینه صحیح است.

۹. اگر پنج رنگ برای رنگ کردن ۶۳ دوچرخه بکاربرده شود، در این صورت حداقل چند دوچرخه همنگ خواهد بود؟

۱۱. د

۱۲. ج

۱۳. ب

الف. ۳

تعداد سوال: نسخه ۳۱ نكمبلي -- تشربي ۵

نام درس: ساختمنهای گستته - رياضيات گستته

زمان امتحان: تستي و نكمبلي ۱۰۰ لفته

رشته تحصيلي - گرایش مهندسي کامپيوتر - علوم کامپيوتر - مهندسي فناوري اطلاعات

کد درس: مهندسي کامپيوتر: ۱۱۱۵۰۶۷ - علوم کامپيوتر: ۱۱۱۱۰۴ - مهندسي فناوري اطلاعات: ۱۱۱۵۱۳۷

۱۰. فرض کنید $A = \{a, b, c\}$ و R و S دو رابطه در A به صورت ماترييس هاي زير باشند، $M_{S \circ R}$ کدام است؟

$$M_R = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{و} \quad M_S = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$. ج. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$. ب. $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$. الف.

۱۱. کداميك از روابط زير، ترتيب جزئي است؟

- الف. بخش پذيرى ب. کوچکتر مساوي معمولى ج. زيرمجموعه نبودن د. هرسه رابطه

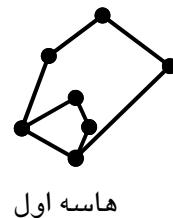
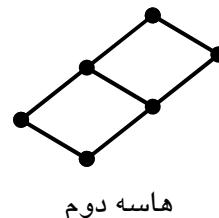
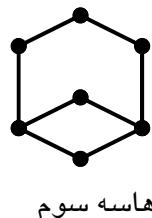
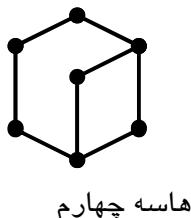
۱۲. اگر $S = \{a, b, c, d\}$ و $(2^S, \subseteq)$ يك مجموعه مرتب جزئي با رابطه زيرمجموعه باشد آنگاه $LUB(\{\{a, b\}, \{b, c, d\}\})$ و $GLB(\{\{a, b\}, \{b, c, d\}\})$ به ترتيب از راست به چپ در کدام گزينه آمده است؟

- د. $\{b\}$ و $\{a, b\}$ ج. S و S ب. $\{b\}$ و S الف. S و $\{b\}$

۱۳. کداميك از گزاره هاي زير صحيح است؟ (برای مشبكه L و هر a, b از L)

الف. $a \vee (a \wedge b) = a$ ب. $a \wedge (a \vee b) = b$

ج. هر سه گزينه صحيح است. د. $(a \wedge b) \vee (a \vee b) = b$



۱۴. کداميك از هاسه هاي زير، مشبكه هستند؟

- الف. دوم و چهارم
ب. سوم و چهارم
ج. اول، دوم
د. هر چهار هاسه

۱۵. اگر $A = \{1, 2, 3, 4, 12\}$ و $(A, |)$ يك مجموعه مرتب جزئي با رابطه بخش پذيرى باشد، کران بالاي مجموعه $\{1, 2, 3, 4, 12\}$ کدام است؟

- الف. $\{1, 2, 3, 4, 12\}$ ب. $\{1, 2, 4, 12\}$ ج. $\{4, 12\}$ د. $\{12\}$

۱۶. مربوط به عبارت بولى $(x \vee z)' \wedge (y' \wedge z)$ داراي چند جمله کمينه (Minterm) متمايز است؟

- الف. ۲ ب. ۳ ج. ۴ د. ۵

۱۷. در مسئله برجهای هانوی برای ۶۴ حلقه، تعداد نقل و انتقالات حلقه های تکی کدام است؟

- الف. $2^{63} + 1$ ب. $-1^{64} - 1$ ج. 2^{63} د. $2^{64} + 1$

تعداد سوال: نسخه ۳۱ نكمبلي -- تشریفی ۵

نام درس: ساختمنهای گستته - ریاضیات گستته

زمان امتحان: تستی و نكمبلي ۱۰۰ لغنه

رشته تحصیلی-گرایش‌هندسی کامپیوتر-علوم کامپیوتر-مهندسی فناوری اطلاعات

کد درس: مهندسی کامپیوتر: ۱۱۱۵۰۶۷ - علوم کامپیوتر: ۱۱۱۱۰۴ - مهندسی فناوری اطلاعات: ۱۱۱۵۱۳۷

۱۸. معادله $a_n = \frac{2^n}{n+1}$ برابر کدامیک از روابط بازگشتی زیر می‌باشد؟ ($n \geq 1$)

الف. $a_n = \frac{2n+1}{2n} a_{n-1}$ د. $a_n = \frac{n+2}{2n} a_{n-1}$ ج. $a_n = \frac{n+1}{2n} a_{n-1}$ ب. $a_n = \frac{2n+2}{n} a_{n-1}$

۱۹. تابع مولد رشته $\dots, 1, 2, 3, 4, \dots$ کدام یک از توابع زیر است؟

الف. $\frac{1}{1-x}$ ب. $\frac{x}{(1-x)^2}$ ج. $\frac{1}{(1-x)^3}$ د. $\frac{x(x+1)}{(1-x)^3}$

۲۰. برای سری فیبوناچی $\sum_{i=0}^n F_i$ برابر است با ...

الف. $F_{n+2} - 1$ ب. F_{2n-2} ج. F_{2n} د. $F_{n+2} + 1$

۲۱. گراف جهت دار (سودار) G با n راس، دارای مسیر اولری است اگر و تنها اگر، همبند بوده و
 الف. حداقل دارای دو رأس، که درجه ورودی با درجه خروجی در هریک از آن دو، یک واحد اختلاف داشته باشد.
 ب. حداقل دارای دو رأس، که درجه ورودی با درجه خروجی در هریک از آن دو، یک واحد اختلاف داشته باشد.
 ج. در تمام گره ها، درجه خروجی برابر درجه ورودی باشد.
 د. در تمام گره ها، درجه خروجی یک واحد اختلاف با درجه ورودی داشته باشد.

۲۲. کدامیک از موارد زیر صحیح است؟
- مورد اول: اگر G دور هامیلتونی داشته باشد، در این صورت برای هر راس $v \in V$ $\deg(v) > 2$ برقرار است.
- مورد دوم: اگر برای یک $a \in V$, $\deg(a) = 2$, در این صورت دو یال حادث با راس a , باید در دور هامیلتونی قرار گیرند.
- الف. مورد اول ب. مورد دوم ج. هر دو مورد د. هیچکدام از دو مورد

۲۳. فرض کنید که $G=(V,E)$ یک گراف بدون جهت (بی سوی) بدون حلقه (Loop) با n راس باشد کدامیک از شرایط زیر برقرار باشد تا G دارای مسیر هامیلتونی باشد؟

- الف. برای هر $x \in V$ $\deg(x) \geq \frac{n-1}{2}$,
 ب. برای هر $x, y \in V$ $\deg(x) + \deg(y) \geq n-1$,
 ج. الف یا ب، یکی کفایت می‌کند.
 د. الف و ب هر دو همزمان لازم است.

۲۴. کدامیک از گزاره های زیر صحیح است؟
- الف. هر درخت یک گراف دو بخشی است.
 ب. هر حلقه با تعداد فردی یال دوبخشی است.
 ج. هر گراف مسطح و دو بخشی یک درخت است.

۲۵. الگوریتم دیکسترا (Dijkstra) برای کدامیک از مسائل زیر بکار می‌رود؟
- الف. درخت پوشای گراف
 ب. کوتاهترین مسیر از هر رأس به هر رأس دیگر در گراف
 ج. درخت پوشای کمینه گراف
 د. کوتاهترین مسیر از یک رأس خاص به هر رأس دیگر در گراف

تعداد سوال: نسخه ۳۱ نكمبلي -- تشریحی ۵

نام درس: ساختمانهای گستته - ریاضیات گستته

رشته تحصیلی-گرایش مهندسی کامپیوتر-علوم کامپیوتر-مهندسی فناوری اطلاعات

زمان امتحان: تستی و تكميلي ۱۰۰ لغنه تشریحی ۵ لغنه

کد درس: مهندسی کامپیوتر: ۱۱۱۵۰۶۷ - علوم کامپیوتر: ۱۱۱۱۰۴ - مهندسی فناوری اطلاعات: ۱۱۱۵۱۳۷

۲۶. به ازای کدامیک از مقادیر n , گرافی که دوری با n راس است, خود مکمل است؟

د. ۴

ج. ۵

ب. ۶

الف. ۷

۲۷. فرض کنید $G=(V,E)$ یک گراف همبند بی سوی، بدون حلقه و هامنی(مسطح در صفحه) با $|V|=v$ و $|E|=e > 2$ باشد در اینصورتد. $e \leq 3v - 6$ ج. $e \leq 6v - 3$ ب. $e \geq 3v - 6$ الف. $e \geq 6v - 3$

۲۸. کدام یک از گزاره های زیر صحیح است؟

الف. اگر a,b دو رأس از درخت $T=(V,E)$ باشند، آنگاه دو مسیر منحصر به فرد بین b,a وجود دارد.ب. اگر $T=(V,E)$ یک درخت با $|V| > 1$ باشد آنگاه، حداقل سه رأس در V وجود دارد که درجه آن مساوی یک است.ج. گراف $T=(V,E)$ یک درخت است اگر و تنها اگر درای دوری نباشد و $|E| = |V| - 1$

د. هر سه گزینه صحیح است.

۲۹. معادل پیشوندی عبارت $x+y^*z/k-e$ کدام عبارت زیر است؟د. $+x/*yzke$ ج. $-+x/*yzke$ ب. $-+x^*y/zke$ الف. $xyz^*k/+e-$

۳۰. با ۶ رأس، چند درخت غیر یکریخت می توان رسم کرد؟

د. ۷

ج. ۶

ب. ۵

الف. ۴

۳۱. اگر درختی دودویی دارای ۱۵ گره دو فرزندی باشد، تعداد برگهای درخت کدام است؟

ب. ۱۵

الف. ۱۶

د. نمی توان مشخص کرد زیرا تعداد تک فرزندی ها مشخص نیست.

ج. ۱۴

سؤالات تشریحی

نکات مهم: - از پنج سوال بایستی تنها به سه سوال پاسخ دهید. (هر سوال ۱/۰۵ نمره دارد)

- از جواب دادن به بیش از سه سوال خودداری کنید زیرا در این صورت سه سؤال ابتدائی تصحیح خواهد شد.

۱. متن زیر بر اساس قوانین تطبیق واحد برای ورودی های مهر^۶ به بعد، بدست آمده است:

- اگر درس مبدا در سرفصل مقصد موجود باشد و درس نمره حد نصاب را داشته باشد، آنگاه درس مبدا شرط اول تطبیق را دارد.

- اگر تعداد واحد درس مبدا کمتر از درس مقصد نباشد و درس مبدا شرط اول تطبیق را داشته باشد، آنگاه درس مبدا شرط دوم تطبیق را دارد.

- اگر درس استثناء گروه تخصصی سازمان نباشد و درس شرط دوم تطبیق را داشته باشد، آنگاه درس مبدا با درس مقصد تطبیق داده می شود.

تعداد سوال: نسخه ۳۱ نكمبلي -- تشریی ۵

نام درس: ساختمانهای گستته - ریاضیات گستته

رشته تحصیلی-گرایش: مهندسی کامپیوتر-علوم کامپیوتر-مهندسی فناوری اطلاعات

زمان امتحان: تستی و تكميلي ۱۰۰ لغنه تشریی ۵ لغنه

کد درس: مهندسی کامپیوتر: ۱۱۱۵۰۶۷ - علوم کامپیوتر: ۱۱۱۱۰۴ - مهندسی فناوری اطلاعات: ۱۱۱۵۱۳۷

- اگر دانشگاه مبداء، دولتی روزانه، پیام نور، آموزشکده های فنی و حرفه ای باشد آنگاه حد نصاب نمره درس مبداء برابر ۱۰ است.

- اگر دانشگاه مبداء، دولتی روزانه، پیام نور، آموزشکده های فنی و حرفه ای نباشد آنگاه حد نصاب نمره درس مبداء برابر ۱۲ است.

با توجه به اینکه، علی به تطبیق واحد خود برای درس‌های برنامه سازی پیشرفته و ساختمان داده ها، اعتراض دارد، با شرط‌های زیر علی را مرحله به استفاده از قوانین استنتاج فوق قانع کنید و یا اعتراض علی را وارد بدانید.
علی در دانشگاه غیر انتفاعی درس خوانده است و نمره دروس ساختمان داده ها و برنامه سازی پیشرفته ایشان به ترتیب برابر ۱۱,۷۵ و ۱۷,۵ است. در ضمن درس برنامه سازی پیشرفته و ساختمان دادها در مقصد نیز موجود می باشد ولی درس برنامه سازی پیشرفته بر طبق نظر سازمان استثناء شده است.

۲. برای ماتریس رابطه زیر، بستار متعددی (M_R^∞) را با استفاده از عملیات ماتریسی بدست آورید؟

$$M_R = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

۳. مجموعه با ترتیب جزئی ($|, |, \{, \}, \{2, 3, 5, 30, 60, 120, 180, 360\}$) مفروض است. نمودارهای هاس این مجموعه با ترتیب جزئی و دوگان آن را رسم کنید؟(رابطه $|$ ، رابطه بخش پذیری می باشد)

۴. رابطه بازگشتی زیر را با استفاده از تابع مولد حل کنید؟

$$\begin{cases} a_n = 2a_{n-1} + 1 & \text{if } n \geq 1 \\ 0 & \text{if } n = 0 \end{cases}$$

۵. الگوریتم BFS (جستجوی اول سطح) را بطور کامل نوشه و مثالی بزنید؟