

تعداد سوال: نظری ۲۰ تکمیلی ۵

زمان امتحان: نظری و تکمیلی ۶۰ دقیقه تشریحی ۶۰ دقیقه

[استفاده از مشین حساب مجاز نیست ☆ سوالات نظری نظره منفی ندارد]

تعداد کل صفحات: ۳

$$1. \text{ هرگاه } < x_1, x_2, x_3, x_4 > == < y_1, y_2, y_3, y_4 >$$

$$y_1 = < x_1, x_2 >$$

$$\text{الف. } y_4 = < x_3, x_4 >$$

$$y_1 = < x_3, x_4 >$$

$$\text{ج. } y_2 = < x_3, x_4 >$$

۲. هرگاه α و β فرمول‌های درست ساخت با نمادهای ربطی \vee و \wedge و \sim باشد و α^* و β^* با تعویض \wedge و \vee و جایگزینی هر چند جمله‌ای با نظری آن در α و β باشد در این صورت کدام عبارت صحیح است

$$\text{ب. } (\alpha \vee \beta) \models (\alpha^* \vee \beta^*)$$

$$\text{الف. } (\alpha \wedge \beta) \models (\alpha^* \wedge \beta^*)$$

$$\text{د. } (\alpha \rightarrow \beta) \models (\alpha^* \rightarrow \beta^*)$$

$$\text{ج. } (\alpha \rightarrow \beta) \models (\beta^* \rightarrow \alpha^*)$$

۳. تعداد نمادهای بکار رفته در یک فرمول بسته ساخت در منطق جمله‌ها می‌تواند به تعداد زیر باشد:

د. ۳

ج. ۲

ب. ۶

الف. ۵

۴. کدامیک از احکام زیر نادرست است

$$\text{الف. } \sum\models(\alpha \rightarrow \beta) \Leftrightarrow \sum;\alpha\models\beta$$

$$\text{ب. } \models(\alpha \leftrightarrow \beta) \Leftrightarrow \alpha\models\beta$$

$$\text{ج. } \sum\models(\alpha \vee \beta) \Leftarrow \sum\models\beta \text{ یا } \sum\models\alpha$$

$$\text{د. } \sum\models\beta \text{ یا } \sum\models\alpha \Leftarrow \sum\models(\gamma \vee \beta)$$

۵. کدامیک از مجموعه‌های زیر تام است؟

$$\text{ج. } \{\vee, \rightarrow\}$$

$$\text{ب. } \{\neg, \vee\}$$

$$\text{الف. } \{\rightarrow, \wedge\}$$

۶. در منطق جمله‌ها هرگاه مجموعه‌ای از فرمولهای درست ساخت باشد کدامیک از موارد زیر برای تضمیم پذیر بودن مجموعه نتایج توتولوژیک \sum یک شرط کافی است

ب. شماره پذیر کارآمد بودن \sum

الف. متناهی بودن \sum

د. نامتناهی بودن \sum

ج. شماره پذیر کارآمد بودن متمم \sum

۷. هرگاه رابط \downarrow معادل $(A \vee B) \neg$ باشد معادل توتولوژیک $A \vee B$ کدام است

$$\text{ب. } (A \downarrow B) \downarrow (A \downarrow B)$$

$$\text{الف. } (A \downarrow B) \downarrow (B \downarrow A)$$

$$\text{د. } A \downarrow (A \downarrow B) \downarrow B$$

$$\text{ج. } (A \downarrow A) \downarrow (B \downarrow B)$$

۸. کدامیک یک توتولوژی نیست

$$\text{الف. } (\neg(A \rightarrow B)) \leftrightarrow (A \wedge (\neg B))$$

$$\text{ب. } ((A \wedge B) \rightarrow C) \leftrightarrow (A \rightarrow (B \rightarrow C))$$

$$\text{ج. } (A \wedge (\neg A))$$

$$\text{د. } (A \wedge (A \rightarrow B)) \rightarrow B$$

دانشگاه پیام نور

بانک سوال

کارشناسی
جامع ترین سایت شنیدن

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - تشریحی ۵

نام درس: منطق ریاضی

رشته تحصیلی-گرایش: ریاضی - علوم کامپیوتر

کد لرن: ۲۶۳۲۴۸-۲۴۱۳۴۸

نیمسال دوم ۱۴-۱۳

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۶۰ لغتہ تشریحی ۶۰ لغتہ
[ستفاده از مشین حساب مجاز نیست ☆ سوالات تستی تعریف منع دارد]

تعداد کل صفحات: ۳

۹. کدامیک از موارد زیر جزو اصول منطقی نمی باشد

الف. توتولوژیها

ب. $x \approx x$

ج. $\forall x \alpha \rightarrow \alpha$ که در آن x در α آزاد نیست

د. $\alpha^x t$ که t در α جایگزین x می تواند باشد

۱۰. ارزش عبارت $((P \rightarrow Q) \rightarrow P)$ کدام است

الف. همواره درست ب. همواره نادرست ج. معادل ارزش P د. معادل ارزش Q

۱۱. کدامیک از عبارتهاي زير معادل هستند هر عدد طبیعی غیر صفر تالی یک عدد است؟ می باشد

الف. $\exists v_1 v_1 \approx S v_1$

ب. $\exists v_1 : v_1 \approx S v_1$

ج. $\forall v_1 ((v_1 \approx v_1) \rightarrow (\forall v_1 (\neg v_1 \approx v_1) \rightarrow v_1 \approx S v_1))$

د. $\forall v_1 ((v_1 \approx v_1) \rightarrow (\forall v_1 (\neg v_1 \approx v_1) \rightarrow v_1 \approx S v_1))$

۱۲. هرگاه متغیر X در فرمول درست ساخت α آزاد باشد آنگاه کدام گزینه نادرست است؟

الف. متغیر X در $(\neg \alpha)$ آزاد است اگر و فقط اگر X در α آزاد باشد.

ب. متغیر X در $(\alpha \rightarrow \beta)$ آزاد است اگر و فقط اگر X در α و β آزاد باشد.

ج. متغیر X در $\forall v_i \alpha$ آزاد است اگر و فقط اگر X در α آزاد باشد و $v_i \neq X$.

د. متغیر X در فرمول بسیط α آزاد است اگر و فقط اگر X در α رخ ندهد.

۱۳. با توجه به اصول کوتاه نویسی و امکان حذف پارانتز کدامیک از عبارات زیر صحیح است:

الف. $(\alpha \leftrightarrow \beta) \rightarrow ((\alpha \rightarrow \neg \beta) \rightarrow (\neg(\beta \rightarrow \alpha)))$ کوتاه نوشته می باشد.

ب. $\exists x \alpha \wedge \beta$ همان $\exists x(\alpha \wedge \beta)$ است

ج. $\exists x(Ax \rightarrow Bx)$ همان $\exists x(Ax \rightarrow \neg(\neg Bx))$ است.

د. $\exists x(Ax \rightarrow (\neg Bx))$ همان $\exists x(Ax \wedge \neg Bx)$ است.

۱۴. با توجه به تعریف صریح فرمولهای بسیط کدام عبارت صحیح است

الف. $\bar{S}(t_1) = \bar{S}(t_2) \Leftrightarrow | = \approx_{u} t_1 t_2 [S]$

ب. $| \neq \varphi[S] \Leftrightarrow | = \neg \varphi[S] \quad u \quad u$

ج. $| = \psi[S] \Leftrightarrow | = \varphi \rightarrow \psi \quad u \quad u \quad u$ و یا هر دو

د. $| = \varphi[S(x \mid d)] \Leftrightarrow | = \forall x \varphi[S] \quad u \quad u$ به ازای هر $d \in | u |$ داشته باشیم

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - تشریحی ۵

نام نویسنده: منطق ریاضی

رشته تحصیلی-گرایش: ریاضی - علوم کامپیوتر

کد لرن: ۲۶۳۲۴۸-۲۴۱۳۴۸

نیمسال دوم ۱۴۰۰-۱۴۰۱

زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۶۰ لغتہ تشریحی ۶۰ لغتہ

[ستفاده از مشین حساب مجلزه‌ی سوالات تستی نمره منفی ندارد]

تعداد کل صفحات: ۳

۱۵. هرگاه در یک استنتاج $A \vdash B$ و $B \vdash A$ بستگی نداشته باشد کدام گزاره درست است

- الف. $B \vdash A$ ب. $A \vdash B$ ج. $\Gamma \vdash B$

۱۶. کدام زیرمجموعه‌هایی از خط حقیقی R در $(R, <)$ تعریف پذیرند.

- الف. زیرمجموعه‌های فشرده
ب. زیرمجموعه‌های همبند
ج. هماندهی‌ها باز
د. زیرمجموعه‌های ناشماران

۱۷. تابع بولی B را این تعریف می‌کنیم که $B(X, T) = T$ و $B(F, F) = F$ فرمول درست ساختی که B را معین می‌کند کدام است؟

- الف. $\alpha \leftrightarrow \beta$ ب. $\alpha \rightarrow \beta$ ج. $\alpha \vee \beta$ د. $\alpha \wedge \beta$

۱۸. کدامیک از فرمولهای زیر یک استنتاج نسبت

- الف. $\forall x(\alpha \vee \beta) \leftrightarrow \exists x\alpha \vee \exists x\beta$
ب. $\forall x(\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow (\exists x\alpha \rightarrow \exists x\beta)$

۱۹. هرگاه $y \approx x$ کدام گزاره نتیجه می‌شود.

- الف. $\forall zP_{xz} \rightarrow \forall zP_{yz}$
ب. $\forall zP_{xz} \rightarrow \exists xP_{yz}$
ج. $\forall zP_{xz} \rightarrow \forall zP_{yz}$

۲۰. قضیه تمامیت گودل معادل کدام گزاره زیر است

- الف. اگر Γ سازگار باشد آنگاه $\phi \models \Gamma$
ب. اگر Γ ارضیاشدنی باشد آنگاه Γ سازگار است
ج. اگر $\Gamma \models \phi \Leftarrow \Gamma \vdash \neg \phi$
د. اگر $\Gamma \vdash \neg \phi \Leftarrow \Gamma \models \phi$

سوالات تشریحی

۱. در منطق جمله‌ها نشان دهید از نتیجه قضیه فشردگی (اگر $\tau = \sum \Delta$ آنگاه یک زیرمجموعه متناهی \sum مانند \emptyset وجود دارد که $\tau = \sum \emptyset$) می‌توان خود قضیه فشردگی را اثبات کرد.

۲. اگر φ ; Γ ناسازگار باشد آنگاه $\neg \varphi \vdash \Gamma$

۳. ثابت کنید $\{\rightarrow, \perp\}$ تمام است

۴. یک مجموعه از عبارتها تعیین‌پذیر است اگر و فقط اگر آن مجموعه و متمم آن هر دو شماره‌پذیر کارآمد باشد

۵. اگر $\neg \varphi \vdash x, \Gamma$ در هیچ فرمولی در Γ آزاد نباشد آنگاه