

تعداد صفحه: ۳۰ تکمیلی تشریحی

نام برس: ریاضی مقدماتی ۱ - ریاضی مقدماتی

رشته تکمیلی - گرایش: بخش فناوری اطلاعات - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۱۲۰ نهضه تشریحی

تعداد کل صفحات: ۴

کل برس: بخش فناوری اطلاعات: ۹۹۷۵۸۳ - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی: ۹۹۷۳۲۷

۱. کدام مجموعه از بالا کراندار نیست؟

ب.  $\{x \in R \mid \mu^x < 1\}$

الف.  $\{x \in R \mid \frac{\mu x - 3}{\mu x + 1} < 0\}$

د.  $\{x \in R \mid x^2 + 3x < 4\}$

ج.  $\{x \in R \mid |\sin x| < \frac{1}{\mu}\}$

۲. حاصل عبارت  $A = [x] + 2[\frac{x}{2}] + 3[\frac{x}{3}]$  به ازای  $x = 2/5$  کدام است؟

د. ۳

ج. ۶

ب. ۴

الف. ۵

۳. کدامیک از مجموعه‌های زیر یک بازه نیست؟

ب.  $\{x \in R \mid x^2 - 5x - 14 < 0\}$

الف.  $\{x \in R \mid \frac{1}{|x - 2|} < 3\}$

د.  $\{x \in R \mid \frac{|x+4|}{|x^2 - 7x - 44|} > 1\}$

ج.  $\{x \in R \mid \frac{|x^2 - 25|}{|x+5|} < 2\}$

۴. کدام دنباله همگراست؟

ب.  $1, \frac{\mu^3}{4}, \frac{9}{16}, \frac{27}{32}, \frac{81}{64}, \dots$

الف.  $1, \frac{-3}{2}, \frac{9}{4}, \frac{-27}{8}, \frac{81}{16}, \dots$

د.  $\frac{1}{2}, \frac{-2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{-4}{5}, \frac{5}{6}, \dots$

ج.  $-1, \frac{2}{3}, \frac{-4}{9}, \frac{8}{27}, \frac{-16}{81}, \dots$

۵. حد دنباله  $(a_n)_{n \geq 1}$ ,  $a_n = \frac{\mu^{n-1} - \mu^{n+1}}{n+2}$  کدام است؟

د. صفر

$\frac{\mu}{5}$

$\frac{2}{5}$

$\frac{1}{5}$

الف.  $\frac{1}{5}$

۶. اگر  $b_n = a_n + c_n$  آنگاه در مورد دنباله  $c_n = a_n + b_n$  چه حکمی می‌توان داد؟

ب. همگرا به ۱ می‌باشد.

الف. همگرا به صفر است.

د. نوسانی است.

ج. همگرا به ۱ می‌باشد.

۷. سری  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{\mu^k + \mu^k}{\mu^k}$  به چه عددی همگراست؟

د.  $\frac{\mu}{7}$

ج.  $\frac{7}{\mu}$

ب.  $\frac{7}{2}$

الف. ۱

نام لرین: ریاضی مقدماتی ۱ - ریاضی مقدماتی

رئیس نهضتی: گرانش بخش فناوری اطلاعات - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی زبان افغان: فارسی و تکمیلی ۱۲۰ نفر شریعی  
کل لرین: بخش فناوری اطلاعات: ۹۹۷۵۸۳ - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی: ۹۹۷۳۲۷  
تعداد کل صفحه‌ان: ۴

۸. نمایش عدد اعشاری متناوب  $a = 0.\overline{323232\dots}$  به صورت کسر متعارفی کدام است؟

$$a = \frac{32}{99} \quad \text{د. } \frac{32}{99} \quad \text{ج. } \frac{23}{990} \quad \text{ب. } \frac{23}{999} \quad \text{الف. } \frac{23}{99}$$

۹. حاصل جمع عبارت  $\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \frac{1}{4 \times 5} + \frac{1}{5 \times 6}$  برابر است با:

$$\text{د. } 1 \quad \text{ج. صفر} \quad \text{ب. } \frac{1}{4} \quad \text{الف. } \frac{1}{3}$$

۱۰. حد عبارت  $A = \sqrt{x^3 + x} - \sqrt{x^3 - 1}$  زمانی که  $x \rightarrow +\infty$

د. برابر یک است.      ج. برابر  $\frac{1}{2}$  است.      ب. برابر صفر است.      الف. وجود ندارد.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x^3 - 4x|}{x^3 + 4x}, & x \neq 0, -4 \\ 0, & x = 0 \\ 1, & x = -4 \end{cases} \quad \text{۱۱. تابع}$$

وضعیتی از نظر پیوستگی دارد؟

الف. در  $x_1$  ناپیوسته و در  $x_2$ ،  $x_3$  پیوسته است.

ب. در  $x_1$  پیوسته و در  $x_2$ ،  $x_3$  ناپیوسته است.

ج. در هر سه نقطه ناپیوسته است.

د. در هر سه نقطه پیوسته است.

۱۲. مقدار حد  $\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sin^3 t + \cos 4t - 1}{\sin^3 3t}$  برابر است با.....

$$\text{د. } \frac{-3}{4} \quad \text{ج. } \frac{8}{9} \quad \text{ب. } \frac{4}{3} \quad \text{الف. } \frac{-8}{9}$$

$$f(x) = \begin{cases} x - 1, & x \leq 1 \\ x, & 1 < x \leq 2 \\ 2x - 2, & x > 2 \end{cases} \quad \text{۱۳. تابع}$$

$x_0 = 1$ ،  $x_1 = 2$       ج.  $x_1 = 2$       ب.  $x_0 = 1$       الف. هیچ جا

تمدّد سعیانه شنبه ۳۰ تکمیلی تشریی

نام لرشن: ریاضی مقدماتی ۱ - ریاضی مقدماتی

رشته تکمیلی - گروپشن: بخش فناوری اطلاعات - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی زمان انعقاد: نسی و تکمیلی ۱۲۰ لینه تشریی

تمدّد کلی صفحات: ۴

لرشن: بخش فناوری اطلاعات: ۹۹۷۵۸۳ - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی: ۹۹۷۳۲۷

۱۴. مقدار حد زیر برابر است با

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{5\sqrt{x^3 - 1 + 4x}}{6\sqrt{x^4 + 1 - 3x}}$$

الف.  $\frac{2}{3}$ ج.  $\frac{-4}{3}$ ب.  $\frac{5}{6}$ د.  $\frac{-5}{3}$ ۱۵. در کدام بازه، دقیقاً فقط یک ریشه از چند جمله‌ای  $f(x) = 4x^4 - 5x^3 + 1$  قرار دارد؟الف.  $[0, \frac{3}{4}]$ ج.  $[\frac{1}{3}, 2]$ ب.  $[-2, 0]$ د.  $[-\frac{1}{3}, 0]$ ۱۶. تابع  $f(x) = x - |x|$  در کدام خاصیت صدق می‌کند؟

الف. در تمام نقاط گویا ناپیوسته است.

ب. در تمام نقاط صحیح پیوسته است.

ج. بر تمام  $R$  کراندار است.د. بر تمام  $R$  بیکران است.

$$f(x) = \begin{cases} 2x - b & , x \leq \frac{1}{2} \\ 2x^3 + a & , \frac{1}{2} < x < 1 \\ x^4 - 2a + 3b & , 1 \leq x \end{cases}$$

پیوسته خواهد شد؟

$$\begin{cases} a = \frac{-1}{12} \\ b = \frac{-7}{12} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = \frac{1}{12} \\ b = \frac{5}{12} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = \frac{-1}{2} \\ b = \frac{5}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = \frac{-3}{12} \\ b = \frac{5}{12} \end{cases}$$

۱۷. حاصل مشتق تابع  $f(x) = \sqrt[3]{x} + \frac{1}{\sqrt[3]{x}}$  در نقطه  $x_0 = 8$  کدام است؟الف.  $\frac{1}{32}$ 

ج. صفر

ب.  $\frac{3}{16}$ د.  $\frac{1}{16}$ ۱۸. در چه نقاطی از منحنی  $x^3 + xy + y^3 = 1$  مماس بر منحنی موازی نیمساز ربع اول و سوم است؟الف.  $(1, 0), (0, 1), (-1, 0)$ ب.  $(1, 0), (0, 1), (1, -1)$ ج.  $(1, 0), (0, 1), (-1, 1)$ الف.  $(1, 0), (0, 1), (-1, 0)$ ب.  $(1, 0), (0, 1), (1, -1)$ ج.  $(1, 0), (0, 1), (-1, 1)$ ۱۹. اگر  $f(x) = \frac{3}{x+3}$  در چه نقطه‌ای با یکدیگر تلاقی پیدا می‌کند؟الف.  $x = 2, -1$ ج.  $x = -2, 1$ ب.  $x = -3, 1$ د.  $x = 3, -1$

تمدّد سعیان: ششی ۳۰ نکمی تشریی

نام لرین: ریاضی مقدماتی ۱ - ریاضی مقدماتی

رئیس تمهیلی - گروپ: بخش فناوری اطلاعات - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی زمان امتحان: ششی و نکمی ۱۲۰ نهان: تشریی - نفع

تمدّد کل صفحات: ۴

گلبرهن: بخش فناوری اطلاعات: ۹۹۷۵۸۳ - بخش کشاورزی و مهندسی اجرایی: ۹۹۷۳۲۷

۲۱. در تست شماره ۲۰، شب منحنی  $y = f^{-1}(x)$  در نقطه (۱, ۱) برابر است با ....

د.  $\frac{-1}{3}$

ج. ۳

ب.  $\frac{1}{3}$

الف. ۲

۲۲. مقدار تقریبی عبارت  $A = \sqrt{18}$  کدام است؟

د. ۱۵

ج. ۵

ب. ۵

الف. ۲۵

۲۳. اگر زمینی به شکل مربع با ابعاد  $a = 100\text{m}$  داشته باشیم و به هر ضلع آن ۱۱m اضافه کنیم، مساحت آن به طور تقریبی چند متر مربع افزایش می‌یابد؟

د.  $10m^3$

ج.  $100m^3$

ب.  $200m^3$

الف.  $20m^3$ ۲۴. اکسترمهای تابع  $f(x) = \frac{x^4}{x^2 - 1}$  در چه نقاطی اتفاق می‌افتد؟

د.  $x = 0, 1, -1$

ج.  $x = 1, -1$

ب.  $x = 0$

الف.  $x = 0, 1$ ۲۵. نقاط عطف نمودار تابع  $f(x) = x^4 + 2x^3 - 12x^2 + 6x - 1$  کدامند؟

د.  $x = -2, 1$

ج.  $x = 2, -1$

ب.  $x = 1, -1$

الف.  $x = 3, -3$ ۲۶. مقدار متوسط تابع  $f(x) = \sqrt{x+1}$  در فاصله  $[3, 0]$  کدام است؟

د.  $\frac{7}{9}$

ج.  $\frac{14}{9}$

ب.  $\frac{14}{3}$

الف.  $\frac{7}{2}$ ۲۷. مساحت محدود بین منحنی‌های  $y = x+1$  و  $y = -x$  در فاصله  $2 \leq x \leq 0$  برابر کدام است؟

د. ۸

ج. ۶

ب. ۴

الف. ۲

۲۸. حاصل انتگرال  $\int_{-\pi}^{\pi} \sin^3 x dx$  کدام است؟

د.  $\frac{1}{2}$

ج.  $-\frac{11}{24}$

ب. صفر

الف.  $\frac{17}{24}$ ۲۹. حاصل انتگرال  $\int_1^{\sqrt{6}} \frac{6x dx}{(x^3 + 3)^2}$  برابر است با:

د. ۱

ج.  $-\frac{1}{6}$

ب.  $\frac{1}{6}$

الف.  $-1$ ۳۰. مقدار انتگرال معین  $\int_0^{\sqrt{2}} \sqrt{2x^4 + 1} dx$  در کدام بازه قرار دارد؟

ب.  $[\sqrt{2}, 2\sqrt{2}]$

د.  $[1, 2\sqrt{2}]$

الف.  $[\sqrt{2}, 3\sqrt{2}]$

ج.  $[1, 4\sqrt{2}]$