

تعداد سوالات: سه ۲۰ نکملی شریعی ۴

نام لرس: معادلات دیفرانسیل

رشته: ریاضی مهندسی کامپیوتر - فناوری اطلاعات صنایع - طرح تجمعی بخش مهندسی اجرایی زمان امتحان: سه شنبه و نکملی ۷۰ تقویت شریعی ۷۰ تقویت

کد لرس: ریاضی ۲۴۱۰۹۱ - مهندسی کامپیوتر ۲۶۱۰۶۲ - فناوری اطلاعات ۲۶۲۱۱۲ - صنایع ۲۶۴۱۲۱ - طرح تجمعی بخش مهندسی اجرایی ۲۶۴۱۲۱

۱۰. رونسکینی توابع $|x| f_1(x) = x^r$ و $f_2(x) = x^s$ برابر است با:

- الف. ۱. x^r حق. صفر ب. ۱

۱۱. نقاط منفرد منظم معادله دیفرانسیل $(x-i)y'' + \frac{1}{x}y' - 2y = 0$ کدام است؟

- الف. دو نقطه ۰ ب. نقطه ۱ ج. نقطه ۱، $x = 0$ د. نقطه منفرد منظم ندارد

۱۲. کدامیک از نقاط زیر یک نقطه منفرد منظم معادله دیفرانسیل $2x(x+1)y'' + 3(x+1)y' - y = 0$ است؟

- الف. ۱. $x = 1$ ب. $x = 0$ ج. $x = 2$ د. هیچکدام

۱۳. کدامیک از توابع زیر تابع بسل نوع اول از مرتبه اول است؟

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-i)^m (\frac{x}{\mu})^{rm+\alpha}}{m! \Gamma(m+\alpha+1)} \quad \text{ب.}$$

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-i)^m (\frac{x}{\mu})^{rm}}{m! \Gamma(m-\alpha+1)} \quad \text{الف.}$$

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{(-i)^m (\frac{x}{\mu})^{rm-\alpha}}{(m-1)! \Gamma(m+\alpha+1)} \quad \text{د.}$$

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{(-i)^{m+1} x^{rm+\alpha}}{m! \Gamma(m-\alpha+1)} \quad \text{ج.}$$

۱۴. مقدار $J_r(x)$ برابر است با:

$$\sqrt{\frac{\mu}{\pi x}} \left(\frac{\sin \pi x}{\pi x} \right) \quad \text{ب.}$$

$$\sqrt{\frac{\pi x}{\mu}} \sin x \quad \text{الف.}$$

$$\sqrt{\frac{\mu}{\pi x}} \cos \pi x \quad \text{د.}$$

$$\sqrt{\frac{\pi x}{\mu}} \frac{\cos \pi x}{x} \quad \text{ج.}$$

۱۵. کدامیک از مجموعه توابع زیر وابسته خطی هستند؟

الف. تابع $e^x, e^{-x}, e^{\mu x}$ ب. تابع $e^x, xe^x, x^\mu e^x$ ج. تابع $e^x \sin x, e^x \cos x$ د. تابع $x+1, x+\mu, x+\mu^2$

$$\begin{cases} (\mu D - 1)x_1 + 4x_\mu = t \\ Dx_1 - Dx_\mu = t - 1 \end{cases} \quad \text{کدام گزینه درست است؟}$$

الف. دستگاه $\begin{cases} (\mu D - 1)x_1 + 4x_\mu = t \\ Dx_1 - Dx_\mu = t - 1 \end{cases}$ در مورد دستگاه

ب. جواب عمومی دستگاه شامل یک ثابت اختیاری است

الف. دستگاه بی‌نهایت جواب دارد

ج. جواب عمومی دستگاه شامل دو ثابت اختیاری است

د. دستگاه جواب ندارد

الف. دستگاه بی‌نهایت جواب دارد

ج. جواب عمومی دستگاه شامل یک ثابت اختیاری است

د. دستگاه جواب ندارد

تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی تشریحی ۴

نام درس: معادلات دیفرانسیل

و شرط: مدیریتی مهندسی کامپیوتر فناوری اطلاعات صنایع (طرح تجمعی بخش مهندسی اجرایی) زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۷۰ لغتی تشریحی ۷۰ لغتی

کد درس: ریاضی ۲۴۱۰۹۱ - مهندسی کامپیوتر: ۲۶۱۰۶۲ - فناوری اطلاعات: ۲۶۲۱۱۳ - صنایع: ۲۶۴۱۲۱ (طرح تجمعی بخش مهندسی اجرایی: ۲۶۴۱۲۱)

۱۷. کدامیک از گزینه‌های زیر نادرست است؟ (عملگر لاپلاس می‌باشد)

$$L[e^{\nu t}] = \frac{1}{s-\nu} \quad (s > \nu) \quad \text{الف.}$$

$$L\left[t^{-\frac{1}{\nu}}\right] = \sqrt{\frac{\pi}{s}} \quad (s > 0) \quad \text{د.} \quad L[\cosh at] = \frac{s}{s^2 + a^2} \quad (s > |a|) \quad \text{ج.}$$

۱۸. کدامیک از دستگاه‌های زیر بازنویسی معادله دیفرانسیل $x''' - t^{\nu} x'' + x^{\nu} = \cos t$ به صورت دستگاه مرتبه اول است؟

$$u_1' = u_{\nu}, \quad u_{\nu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu}' = t^{\nu} u_{\mu} - u_1^{\nu} + \cos t \quad \text{الف.}$$

$$u_1' = u_{\nu}, \quad u_{\nu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu}' = t^{\nu} u_{\mu} - x^{\nu} + \cos t \quad \text{ب.}$$

$$u_1' = u_{\nu}, \quad u_{\nu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu} - t^{\nu} u_{\mu} + u_1^{\nu} = \cos t \quad \text{ج.}$$

$$u_1' = u_{\nu}, \quad u_{\nu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu}' = u_{\mu}, \quad u_{\mu} - t^{\nu} u_{\mu} + x^{\nu} = \cos t \quad \text{د.}$$

۱۹. اگر $0 < x$ باشد آنگاه مقدار $\int_0^\infty \frac{\sin xt}{t} dt$ برابر است با:

$$\frac{\pi}{5} \quad \text{د.}$$

$$\frac{\pi}{3} \quad \text{ج.}$$

$$\frac{\pi}{2} \quad \text{ب.}$$

$$\frac{\pi}{4} \quad \text{الف.}$$

۲۰. انتگرال $\int_0^\infty e^{-st} \frac{f(t)}{t} dt$ برابر کدام است؟ ($F(s)$ لاپلاس $f(t)$ است)

$$\int_s^\infty u F(u) du \quad \text{ب.} \quad \int_0^\infty \frac{F(u)}{u} du \quad \text{الف.}$$

$$\int_s^\infty F(u) du \quad \text{د.} \quad \int_0^\infty \frac{F(u)}{u+1} du \quad \text{ج.}$$

نام درس: معادلات دیفرانسیل

تعداد سوال: نسخه ۲۰ نکملی تشریحی ۳

رسانیده: ریاضی، مهندسی کامپیوتر، فناوری اطلاعات، صنایع - طرح تجمیع بخش مهندسی اجرایی زمان امتحان: نسخه و نکملی ۷۰ نسبه تشریحی ۷۰ نسبه

کد لرنس: ریاضی ۲۴۱۰۹۱، مهندسی کامپیوتر ۲۶۱۰۶۲، فناوری اطلاعات ۲۶۲۱۱۳، صنایع ۲۶۴۱۲۱ - طرح تجمیع بخش مهندسی اجرایی ۲۶۴۱۲۱

سوالهای تشریحی

$$1. \text{معادله دیفرانسیل } (y' + y)dx - xdy = 0 \text{ را حل کنید.}$$

۲. بسط تیلور جوابهای معادله دیفرانسیل $y'' + (x-1)y' = e^x$ را در نقطه معمولی $x=1$ پیدا کنید.

$$3. \text{دستگاه} \begin{cases} (D+1)x_1 + (D+1)x_2 = 1 \\ D^2x_1 - Dx_2 = t-1 \end{cases} \text{را حل کنید.}$$

۴. جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y''' + 4x^3y'' - 8xy' + 8y = 0$ را به ازای $x > 0$ بدست آورید.

۵. با استفاده از تبدیل لاپلاس معادله دیفرانسیل زیر را با مقادیر اولیه $x(0) = 1, x'(0) = 0$ بباید

$$x''(t) + x(t) = f(t) = \begin{cases} 4 & 0 \leq t < 4 \\ 4t - 5 & t \geq 4 \end{cases}$$